

Увод у релационе базе података

10



Саша Малков
Универзитет у Београду
Математички факултет
2023/2024

[PM13]
Увод у РБП
Саша Малков



Тема 5.2

Логичко пројектовање - Пречишћавање схеме -

[PM13] Увод у релационе базе података - Саша Малков - 2023/24 - час 10

1

Логичко пројектовање / Пречишћавање схеме

Пречишћавање схеме



- Подсетимо се, логички модел се прави итеративно:
 - 1. корак: превођење концептуалног модела у логички
 - Прва итерација се прави на основу концептуалног модела
 - 2. корак: пречишћавање схеме, итеративно
 - Свака наредна итерација се прави мењањем претходне (енгл. *flexing*)

Универзитет у Београду - Математички факултет

[PM13] Увод у релационе базе података - Саша Малков - 2023/24 - час 10

2

Логичко пројектовање / Пречишћавање схеме

Циљеви пречишћавања схеме



- Основни циљ је доследно и потпуно усклађивање модела са моделираним доменом, познатим захтевима и теоријским моделом базе података
- Критеријуми су бројни:
 - Да ли модел испуњава функционалне захтеве?
 - Да ли модел испуњава нефункционалне захтеве?
 - Да ли је модел комплетан?
 - Да ли је у складу са изабраним моделом података (релационим)?
 - Да ли модел гарантује интегритет података?
 - Да ли модел пружа потребну флексибилност?
 - Да ли модел омогућава ефикасан рад?
 - Да ли је модел довољно употребљив?

Универзитет у Београду - Математички факултет

[PM13] Увод у релационе базе података - Саша Малков - 2023/24 - час 10

3



Пречишћавање схеме и релациони модел

- У случају релационог модела, специфичан део пречишћавања схеме је отклањање свих видова редундантности



Проблеми редундантности

- Редундантно чување података
 - неки подаци се поновљено чувају, па више копија истог податка непотребно оптерећује просторне капацитете
- Аномалије ажурирања
 - ако се једна копија поновљеног податка ажурира, база података ће бити неконзистентна ако се не ажурирају и остале копије
- Аномалије додавања
 - записивање неких података може да доводи до неконзистентности ако се не запишу још неки додатни подаци
- Аномалије брисања
 - брисање неких података може да доводи до неконзистентности ако се не обришу још неки подаци



Пример редундантности

- Уписан Курс (број индекса, име и презиме студента, шифра предмета, назив предмета, име наставника)
- Постоји потенцијалан проблем са редундантним подацима о наставницима, студентима и предметима



...

211/2015	Горан Петровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
211/2015	Горан Петровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
212/2015	Тања Митровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
212/2015	Тања Митровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
211/2015	Тања Митровић	M101	Линеарна алгебра	Милена Савић

- Последњи ред је неисправан
 - наведен је ради илустрације
 - биће игнорисан у неким корацима



Недефинисане вредности и редундантност

- Недефинисане вредности могу да помогну у решавању неких аномалија додавања и брисања
 - Ако морамо да додамо податак а не знамо друге потребне податке, онда можемо да наведемо недефинисане вредности
 - нпр. ако студент уписује курс а не знамо наставника, можемо да наведемо да је наставник недефинисан
 - Ако хоћемо да обришемо неке редундантне податке, а да не бришемо целе редове, онда можемо да уместо брисања упишемо недефинисане вредности
 - нпр. ако бришемо податак о наставнику на курсу а не желимо да обришемо податке о студентима који су уписали курс, можемо да упишемо да је наставник недефинисан
- ...али праве нове проблеме...



Декомпозиција

- Редундантност се појављује на местима на којима постоје *не сасвим природне* везе између атрибута
- Уобичајено и *исправно* средство за решавање редундантности је декомпозиција
- Идеја је да се једна релација са много атрибута замени већим бројем релација са по мање атрибута



...

- На пример, можемо да поделимо релацију:
 - УписанКурс(број индекса, име и презиме студента, шифра предмета, назив предмета, име наставника)
- на релације:
 - УписанКурс(број индекса, име и презиме студента, шифра предмета, назив предмета)
 - НаставникКурса(шифра предмета, име наставника)
- (тако смо решили само део проблема)



...

211/2015	Горан Петровић	M101	Анализа 1
211/2015	Горан Петровић	M102	Линеарна алгебра
212/2015	Тања Митровић	M101	Анализа 1
212/2015	Тања Митровић	M102	Линеарна алгебра

M101	Милан Марић
M102	Петар Симић



Питања у вези декомпозиције

- Сваки пут када размишљамо о декомпозицији морамо да се запитамо:
 - Који проблем желимо да решимо предложеном декомпозицијом?
 - Да ли га заиста и решавамо?
 - Да ли производимо неке нове проблеме?
- Одговоре на ова питања дају
 - анализа *функционалних зависности*
 - теоријске основе *нормалних форми* релација
 - ... зато ћемо прво обрадити ове теме

[PM13]
Увод у РБП
Саша Малков



Тема 5.3

Логичко пројектовање - Функционалне зависности -



Функционалне зависности, дефиниција

- **Функционална зависност** (ФЗ) је однос између два скупа атрибута на скупу торки једне релације:
 - Нека је R релација и нека су X и Y непразни скупови атрибута релације R .
 - Кажемо да скуп торки r релације R задовољава функционалну зависност $X \rightarrow Y$ ако за сваки пар торки $t1$ и $t2$ из r важи:
 - $t1.X = t2.X \Rightarrow t1.Y = t2.Y$



Функционалне зависности, пример

- Из дефиниције видимо да се функционалне зависности дефинишу на скуповима торки
 - можемо да кажемо да представљају уопштење концепта кључа на скупу торки



Функционалне зависности, пример

Индекс	Име	Презиме	Шиф.п	Назив предмета	Име наставника
211/2015	Горан	Петровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
211/2015	Горан	Петровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
212/2015	Тања	Митровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
212/2015	Тања	Митровић	M102	Линеарна алгебра	Јована Антић
212/2015	Тања	Митровић	П100	Програмирање 1	Драгана Перић

- Које функционалне зависности можемо да уочимо на наведеном скупу торки?
 - {Индекс} → {Име, Презиме}
 - {Шифра предмета} → {Назив предмета}
 - {Индекс, Шифра предмета} → {Име наставника}
 - {Име, Шифра предмета} → {Име наставника}
 - {Презиме, Назив предмета} → {Име наставника}
 - ... и још транзитивних зависности



Функц. зависности на релацијама

- Ако говоримо о релацијама, онда имамо транзицију појма:
 - уместо да *уочавамо* зависности на конкретним подацима...
 - ...т.ј. по дефиницији на скупу свих торки релације
 - ...ми ћемо да *прописујемо* да је садржај релације *исцрпан* ако га чини скуп редова за који важе дате функционалне зависности
- Функционална зависност на нивоу релације представља *правило иншијеришета*
 - установљена ФЗ *мора* увек да важи на скупу свих редова релације



Функционалне зависности, пример

Индекс	Име	Презиме	Шиф.п	Назив предмета	Име наставника
211/2015	Горан	Петровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
211/2015	Горан	Петровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
212/2015	Тања	Митровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
212/2015	Тања	Митровић	M102	Линеарна алгебра	Јована Антић
212/2015	Тања	Митровић	П100	Програмирање 1	Драгана Перић

- Неке ФЗ важе на посматраном скупу редова, али не представљају опште правило
- Од претходно уочених ФЗ на посматраном скупу торки неке не могу да постану ФЗ на нивоу релације:
 - {Име, Шифра предмета} → {Име наставника}
 - два студента са истим именом могу да слушају предмет код различитих наставника
 - {Презиме, Назив предмета} → {Име наставника}
 - два студента са истим презименом могу да слушају предмет код различитих наставника
 - два предмета са истим називом могу имати различите наставнике на различитим смеровима
 - ... и друге



Функц. зависности на релацијама (2)

- ФЗ на релацијама установљавамо
 - разматрањем ФЗ уочених на примерима скупова података
 - разматрањем општих пословних правила која важе у домену
 - свођењем на основни скуп ФЗ које се не могу извести из других ФЗ
- Зато нам је важно да познајемо особине ФЗ



"Аксиоме" извођења ФЗ

- Аксиоме извођења ФЗ (називају се и Армстронгове аксиоме) су комплетне и затворене на скупу свих ф.зависности
- Називају се *аксиоме извођења* зато што се све сложеније ФЗ могу извести из основних применом ових аксиома
- Заправо нису аксиоме, већ могу да се тривијално изведу из дефиниције ФЗ
- Важе еквивалентне аксиоме на скупу торки



"Аксиоме" извођења ФЗ

- За све скупе атрибута X , Y и Z неке релације важе:
 - **Рефлексивност**
 $X \rightarrow X$
 - користи се и у облику
 $X \supseteq Y \Rightarrow X \rightarrow Y$
 - **Проширивост**
 $X \rightarrow Y \Rightarrow (\forall Z) XZ \rightarrow Y$
 - користи се и у облику
 $X \rightarrow Y \Rightarrow (\forall Z) XZ \rightarrow YZ$
 - **Транзитивност**
 $X \rightarrow Y \wedge Y \rightarrow Z \Rightarrow X \rightarrow Z$



Функционалне зависности, пример

Индекс	Име	Презиме	Шиф.п.	Назив предмета	Име наставника
211/2015	Горан	Петровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
211/2015	Горан	Петровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
212/2015	Тања	Митровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
212/2015	Тања	Митровић	M102	Линеарна алгебра	Јована Антић
212/2015	Тања	Митровић	P100	Програмирање 1	Драгана Перић

- Примери *рефлексивности*:
 - {Индекс, Име, Презиме, Назив предмета} → {Презиме}
 - {Индекс, Име, Презиме, Назив предмета} → {Индекс, Име, Презиме}
 - {Индекс, Име, Презиме, Назив предмета} → {Индекс, Назив предмета}
 - ... и друге



Функционалне зависности, пример

Индекс	Име	Презиме	Шиф.п.	Назив предмета	Име наставника
211/2015	Горан	Петровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
211/2015	Горан	Петровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
212/2015	Тања	Митровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
212/2015	Тања	Митровић	M102	Линеарна алгебра	Јована Антић
212/2015	Тања	Митровић	P100	Програмирање 1	Драгана Перић

- Примери *проширивости* (на скупу торки):
 - {Име} → {Презиме} ⇒ {Име, Индекс} → {Презиме, Индекс}
 - {Шиф.п.} → {Назив предмета} ⇒ {Шиф.п., Индекс} → {Назив предмета, Индекс}
 - ... и друге



Функционалне зависности, пример

Индекс	Име	Презиме	Шиф.п.	Назив предмета	Име наставника
211/2015	Горан	Петровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
211/2015	Горан	Петровић	M102	Линеарна алгебра	Петар Симић
212/2015	Тања	Митровић	M101	Анализа 1	Милан Марић
212/2015	Тања	Митровић	M102	Линеарна алгебра	Јована Антић
212/2015	Тања	Митровић	П100	Програмирање 1	Драгана Перић

- Примери *транзитивности* (на скупу торки):
 - {Име, Шиф.п.} → {Презиме, Шиф.п.},
{Презиме, Шиф.п.} → {Име наставника}
⇒ {Име, Шиф.п.} → {Име наставника}
 - ... и друге



Најважније изведене особине ФЗ

- Изводе се из аксиома
 - Често се и оне називају аксиомама
- Најважније су:
 - *Адитивност* (или *унија*)
 - *Пројективност* (или *декомпозиција*)
 - *Псеудоитранзитивност*



Адитивност

- **Адитивност**
 $X \rightarrow Y \wedge X \rightarrow Z \Rightarrow X \rightarrow YZ$
 - Ако не би важило, онда би за неко $X=x$ пројекција на YZ имала две торке, па би онда бар једна од пројекција на Y и Z такође имала две торке, а то је супротно претпоставци...



Пројективност

- **Пројективност**
 $X \rightarrow YZ \Rightarrow X \rightarrow Y \wedge X \rightarrow Z$
 - За свако $X=x$ пројекција на YZ има тачно једну торку, па онда и пројекција на Y или Z такође има тачно једну торку...



Псеудотранзитивност

- **Псеудотранзитивност**

$$X \rightarrow Y \wedge YZ \rightarrow W \Rightarrow XZ \rightarrow W$$

- $Z \rightarrow Z$, из рефлексивности
- $XZ \rightarrow Z$, из рефлексивности
- $XZ \rightarrow Y$, на основу претпоставке и проширивости
- $XZ \rightarrow YZ$, на основу претходна два корака и адитивности
- $XZ \rightarrow W$, на основу претходног, претпоставке и транзитивности

- Често се користи у нешто специфичнијем облику:

$$X \rightarrow Y \wedge XY \rightarrow Z \Rightarrow X \rightarrow Z$$



Значај функционалних зависности

- Значај ФЗ је вишеструк, али за нас је најважније да:
 - постојање сложених ФЗ може да укаже на редувантности
 - на пример, ако у релацији има транзитивних ФЗ, онда су испуњени предуслови за појаву редувантног садржаја релације
 - постојање ФЗ нам сугерише да можемо да декомонујемо релацију без губитка информација
 - наравно, у складу са уоченим ФЗ
 - на пример, раздвајањем транзитивних ФЗ у различите релације
 - шта је гаранција очувања вих информација?



Функц. зависности и редувантност

- Нека су X, Y, Z подскупи атрибута релације R
- Нека важе ФЗ: $X \rightarrow Y$ и $Y \rightarrow Z$
 - (приметимо да онда важи и $X \rightarrow Z$)
- Ако бар једна од ових ФЗ није 1-1, онда у релацији R могу да се појаве редувантне вредности
- На пример, нека $X \rightarrow Y$ није 1-1, онда релација може да садржи торке (пројектоване на XYZ):
 - (x_1, y_1, z_1)
 - (x_2, y_1, z_1)
 - очигледно је да је Z редувандан скуп атрибута и да мора да се мења када год се мења Y



Функц. зависности и редувантност (2)

- У начелу, скоро свака релација у којој важи више функционалних зависности представља могућност за појављивање редувантних торки
 - осим ако су све те ФЗ 1-1
- Из угла редувантности, у идеалном случају би у свакој релацији требало да постоји тачно једна ФЗ
 - Улога релације би онда била да моделира ту једну ФЗ
 - У пракси то баш не може тако
 - Одлично је из угла трансакција
 - Оптерећује из угла упита
 - Није увек ни теоријски оствариво
- Да ли можемо релацију са више ФЗ да поделимо на више релација а да не изгубимо информације?
 - (одговор на ово питање ћемо потражити за неколико минута)



Затворење скупа функц. зависности

- У разматрању ФЗ често је потребно сагледати међузависности између скупова зависности или између скупова атрибута
- Нека је F неки скуп ФЗ релације R . **Затворење од F** , у ознаци F^+ , је најмањи скуп ФЗ који садржи F , такав да применом Армстронгових аксиома на F^+ не може да се добије ниједна ФЗ која није већ у F^+ .
- Нека је F неки скуп ФЗ релације R и нека је X неки скуп атрибута те релације. Неки скуп атрибута је **затворење од X над F** , у ознаци X^+ , ако постоји ФЗ $X \rightarrow X^+$ у F^+ и ако за сваку другу ФЗ $X \rightarrow Z$ из F^+ важи $Z \subseteq X^+$.
 - т.ј. X^+ је максимални скупа атрибута зависних од X



Скуп зависних атрибута

- **Скуп зависних атрибута X^+** неког скупа атрибута X је скуп свих атрибута који су (посредно или непосредно) функционално зависни од атрибута из X
 - т.ј. представља затворење у односу на све ФЗ у релацији
- (Алгоритме за конструкцију затворења ФЗ и атрибута научити из књиге ГПЛ)



Функционалне зависности и интегритет

- Концепт интегритета у релационом моделу је тесно повезан са функционалним зависностима
- Видећемо како се кључ-кандидат, примарни кључ и јединствени кључ повезују са функционалним зависностима



Наткључ и кључ-кандидат

- Скуп атрибута X релације R је наткључ ако је $X^+ = Attr(R)$
 - т.ј. неки скуп атрибута можемо да користимо као кључ за идентификовање торки релације ако су сви остали атрибути релације (непосредно или посредно) зависни од њега
- Наткључ X релације R је кључ-кандидат ако за сваки други наткључ Y важи: $Y \subseteq X \Rightarrow Y=X$.
 - т.ј. неки наткључ је кључ-кандидат ако не постоји наткључ који је његов прави подскуп
 - приметимо да може постојати и други наткључ и други кључ кандидат који није његов подскуп



Интегритет кључа

- Услову кључа одговара функционална зависност облика:
 - { **атрибути кључа** } → { **сви остали атрибути** }
- Приметимо да је ово проблематично ако кључ садржи атрибуте који могу да имају недефинисане вредности
 - ФЗ се дефинишу на поређењу, тј.
 - ако су једнаки кључеви, онда су једнаки и остали атрибути
 - Како се пореде недефинисане вредности?



Интегритет јединствености ентитета

- Због тога се интегритет јединствености ентитета дефинише да представља додатно проширење и формализацију интегритета кључа
- За примарни кључ се бира кључ кандидат који не сме да има недефинисане вредности:
 1. { **атрибути примарног кључа** } → { **сви остали атрибути** }
 2. атрибути примарног кључа не смеју да имају недефинисане вредности



Интегритет јединственог кључа

- Интегритет јединственог кључа је потенцијално слабији облик јединствености од интегритета примарног кључа
- Имамо три алтернативна облика:
 1. { **атрибути јединственог кључа** } → { **сви остали атрибути** }
 - 2а. атрибути јединственог кључа не смеју да имају недефинисане вредности
 - исто као и јединственост ентитета
 - 2б. ако атрибути јединственог кључа имају недефинисане вредности, сматра се да су оне међусобно идентичне
 - различити редови не могу да садрже исте вредности дефинисаних атрибута и исте комбинације недефинисаних атрибута
 - 2в. ако атрибути јединственог кључа имају недефинисане вредности, сматра се да су оне међусобно различите
 - различити редови могу да садрже исте вредности дефинисаних атрибута и исте комбинације недефинисаних атрибута



Декомпозиције релационе схеме

- Декомпозиција релационе схеме је замењивање релационе схеме двама (или више) релационим схемама које заједно садрже све атрибуте полазне схеме
 - Обично се говори о релацијама, а мисли се на релационе схеме



Потпуност декомпозиције

- Декомпозиција је **йоййуна** (комплетна) ако гарантује да ће одговарајуће релације увек садржати све оне информације које би садржала полазна релација
- Потпуност се формализује преко **реконструкцибилности**
- Кажемо да је декомпозиција **йоййуна** ако полазна релација може да се реконструише спајањем резултујућих релација



Очување зависности

- Потпуност декомпозиције може да се сведе на очување функционалних зависности
- Декомпозиција **чува функционалне зависности** ако се из функционалних зависности на декомпонованим релацијама могу реконструисати све функционалне зависности на полазној релацији
- Теорема: Ако декомпозиција чува функционалне зависности, онда је она **потпуна**.
 - Представља један од најважнијих теоријских елемената релационог модела и основ за преочишћавање схеме и елиминацију редундантности из модела



Функц. зависности на релацијама (2)

- **Теорема:** Нека је $Attr(R)$ скуп атрибута релације R и нека за непразне поскупове атрибута $X, Y \subseteq Attr(R)$ важи ФЗ $X \rightarrow Y$, тада важи једнакост $R = R[XY] * R[XZ]$, где је $Z = Attr(R) \setminus XY$.
 - т.ј. ако из релације издвојимо нову релацију тако да моделира једну ФЗ, а при томе у релацији задржимо атрибуте домена зависности, онда је декомпозиција потпуна
 - (формалан доказ је у књизи ГПЛ)
 - идеја је да на основу нове релације можемо да реконструишемо недостајуће атрибуте



Да ли се проблеми услед редундантности виде у концептуалном моделу?

- Неке зависности нису очигледне у концептуалном моделу
- Последица је да након превођења може да се добије логички модел у коме постоји редундантност
- На пример, можемо да добијемо релације:
 - *Студент*(индекс, име и презиме, ниво студија)
 - *Смер*(ознака, назив, шрајање)
- које су у односу:
 - *Студент*—(*)---*студира*---(*)--*Смер*
- Све зависности у релацијама *Студент* и *Смер* су исправне...



...

- Редундантност се јасније уочава тек када се у модел уведу и кључеви везаних релација (или се посматра међусобна зависност односа и атрибута):
 - *Студент*(индекс, име и презиме, ниво студија, ознака смера)
 - *Смер*(ознака, назив, трајање)
- Сада је очигледно да постоји редундантност атрибута *ниво студија* у релацији *Студент*
- Исправно решење би било:
 - *Студент*(индекс, име и презиме, ознака смера)
 - *Смер*(ознака, назив, ниво студија, трајање)



...

- Да би се редундантности виделе у концептуалном моделу, модел мора да се критички посматра и стално део по део „преводи“ у релациони (тј. логички) модел
 - то није оствариво пре интегрисања погледа
 - превођење једног погледа може да да непотпун “логички” модел без довољно информација да би се уочиле редундантности
 - ретко се ради и након интегрисања погледа
 - нема много смисла да се више пута прави логички модел и поправља концептуални чак и када редундантности не представљају проблем у концептуалном моделу

[PM13]
Увод у РБП
Саша Малков



Тема 5.4

Логичко пројектовање - Основне нормалне форме -



Нормалне форме

- *Нормалне форме* су специфични облици релација који задовољавају одређена правила у вези функционалних зависности
 - који зато *гарантују* да у релацији неће бити редундантности одређеног типа



Нормалне форме

- У свом првом раду о релационом моделу (1970), Код је дефинисао само
 - 1. нормалну форму ($1NF$)
- Годину дана касније (1971) је дефинисао
 - 2. нормалну форму ($2NF$)
 - 3. нормалну форму ($3NF$)
- Заједно са Рејмондом Бојсом је дефинисао (1974)
 - Бојс-Кодову нормалну форму ($BCNF$)
- Касније су формулисана још и
 - 4. нормална форма ($4NF$) (1977)
 - 5. нормална форма ($5NF$) (1979)
 - Нормална форма домена и кључа ($DKNF$) (1981)
 - Нормална форма елементарног кључа ($EKNF$) (1982)
 - 6. нормална форма ($6NF$) (2003)
 - Нормална форма есенцијалних торки ($ETNF$) (2012)
 - Нормална форма суперкључева ($SKNF$)
 - Нормална форма без редунданси ($RFNF$)



Нормалне форме (2)

- Већина нормалних форми (све осим $6NF$) могу да се поређају тако да наредна подразумева све претходне:
 - 1. нормална форма ($1NF$)
 - 2. нормална форма ($2NF$)
 - 3. нормална форма ($3NF$)
 - Нормална форма елементарног кључа ($EKNF$)
 - Бојс-Кодова нормална форма ($BCNF$)
 - 4. нормална форма ($4NF$)
 - Нормална форма есенцијалних торки ($ETNF$)
 - Нормална форма без редунданси ($RFNF$)
 - Нормална форма суперкључева ($SKNF$)
 - 5. нормална форма ($5NF$)
 - Нормална форма домена и кључа ($DKNF$)
- 6. нормална форма ($6NF$) представља алтернативу за $EKNF$ и не може да се непосредно упореди са осталим нормалним формама



1. нормална форма

- Релација је у првој нормалној форми ако сваки атрибут може да има само атомичне вредности.
 - Релациони модел претпоставља атомичне вредности
 - ЕР омогућава и сложене вредности атрибута



1. нормална форма (пример)

- Нека један предмет може да држи више наставника
- *Неатомични* модел би омогућавао да у релацији *џредмет* постоји атрибут *наставници* са именима више наставника
- $1NF$ то забрањује
- Једно могуће решење је да се атрибут *наставници* замени вечим бројем атрибута *наставник1*, *наставник2*, *наставник3*
 - такво решење није добро ни ако има мање ни ако има више од 3 наставника за неки предмет
- Боље решење је да се уведе нова релација која моделира однос предмета и наставника



2. нормална форма

- Релација је у другој нормалној форми
 - ако је у првој нормалној форми и
 - ако ниједан неључан атрибут (тј. који не припада ниједном кандидату кључу) није функционално зависан од неког правог подскупа атрибута неког кандидат кључа.
- Суштина је да у случају сложеног кључа сви остали атрибути зависе од *целој* кључа а не од неког његовог дела.
 - т.ј. кандидати кључеви су минимални не само у односу на скуп свих атрибута него и у односу на појединачне атрибуте



2. нормална форма (пример)

- Нека следећа релација описује предмете које су уписали студенти:
 - $УписанПредмет\{ индекс, шифрпред, име, презиме, називпред, којиути\}$
 - Релација је у 1.НФ
- Релација није у 2.НФ
 - *име* и *презиме* зависе од атрибута *индекс*
 - *називпред* зависи од атрибута *шифрпред*
- Да би се задовољила 2.НФ потребно је да се релација подели на више релација
- 3 релације:
 - $УписанПредмет\{ индекс, шифрпред, којиути\}$
 - $Студент\{ индекс, име, презиме\}$
 - $Предмет\{ шифрпред, називпред\}$



2. нормална форма (пример)

- Релацију
 - $УписанПредмет\{ индекс, шифрпред, име, презиме, називпред, којиути\}$
- Можемо да поделимо на 3 релације:
 - $УписанПредмет\{ индекс, шифрпред, којиути\}$
 - $Студент\{ индекс, име, презиме\}$
 - $Предмет\{ шифрпред, називпред\}$
- Према теорему о декомпозицији, декомпозиција је потпуна
 - Показује се за једну по једну декомпозицију, најпре:
 - $УписанПредмет\{ индекс, шифрпред, називпред, којиути\}$
 - $Студент\{ индекс, име, презиме\}$
 - а затим и
 - $УписанПредмет\{ индекс, шифрпред, којиути\}$
 - $Предмет\{ шифрпред, називпред\}$



2. нормална форма (дискусија)

- Нарушавање 2.НФ указује на неисправно груписање атрибута у релацији
 - релација моделира више различитих ФЗ
 - то води редувантности
- Постизање 2.НФ је кључно за позиционирање атрибута у *одговарајуће* релације
- Ипак, 2.НФ допушта да у релацији постоје два кључа кандидата, као и транзитивне зависности
- Увек је могућа потпуна декомпозиција



3. нормална форма

- Ако је R релација и X неки подскуп њених атрибута и A неки атрибут релације R , онда је R у 3.НФ ако за сваку ФЗ $X \rightarrow A$ на релацији R важи једно од:
 - $A \in X$, тј. A припада скупу X (тзв. тривијална зависност)
 - X је наткључ (тј. кључ или садржи кључ)
 - A је део неког кључа релације
- Оригинална дефиниција (Код, 1971)
 - Релација је у 3.НФ ако је
 - у 2.НФ и
 - сваки неключан атрибут је нетранзитивно зависан од сваког кључа.



3. нормална форма (2)

- У основи налаже да сваки неключни атрибут може да представља само додатни опис неког кључа
- Тј. нема транзитивних зависности међу неключним атрибутима (неключни атрибути не представљају описе неключних атрибута)
- Могућа нарушавања 3.НФ:
 - X је подскуп неког кључа K
 - тј. имамо зависност од дела кључа
 - нарушена је и 2.НФ
 - X није ни подскуп ни надскуп ниједног кључа
 - тј. имамо транзитивну зависност



3. нормална форма (пример)

- Нека следећа релација описује уписане студенте:
 - $Студенти\{ \underline{индекс}, име, презиме, студијограм, ниво, шрајање \}$
- Релација јесте у 2.НФ али није у 3.НФ
 - $ниво$ и $шрајање$ зависе од неключног атрибута $студијограм$
- Да би се задовољила 3.НФ потребно је да се релација подели на 2 релације:
 - $Студенти\{ \underline{индекс}, име, презиме, студијограм \}$
 - $Програм\{ \underline{студијограм}, ниво, шрајање \}$



3. нормална форма (дискусија)

- Нарушавање 3.НФ указује да је у релацији моделирано више релативно независних ФЗ
- Увек је могућа потпуна декомпозиција



Нормална форма елементарног кључа

- Релација је у *НФЕК* ако је у *3.НФ* ако за сваку елементарну ФЗ $X \rightarrow Y$ на релацији R важи једно од:
 - X је кључ или
 - Y је елементарни кључ или део елементарног кључа
- При томе:
 - ФЗ $X \rightarrow Y$ је *елементарна* ако не постоји ФЗ $Z \rightarrow Y$, ни за који прави подскуп атрибута $Z \subset X$
 - Кључ је *елементаран* ако је полазиште бар једне елементарне функционалне зависности
- Ова форма стоји између *3.НФ* на *БКНФ*
- Пример и мотивација ће бити објашњени након *БКНФ*



Бојс-Кодова нормална форма

- Ако је R релација и X неки подскуп њених атрибута и A неки атрибут релације R , онда је R у Бојс-Кодовој нормалној форми ако за сваку ФЗ $X \rightarrow A$ на релацији R важи једно од:
 - $A \in X$, тј. A припада скупу X , тзв. тривијална зависност
 - X је наткључ
- Тј.
 - сваки атрибут релације је или део кључа или зависи од *цело* кључа
 - не постоје зависности међу некључним атрибутима ни транзитивне зависности



Бојс-Кодова нормална форма, дискусија

- Релације које су у *3.НФ* најчешће задовољавају и *БКНФ*
 - Практично увек када постоји само један кључ или нема преклапања међу кључевима
 - Већина примера који се могу пронаћи у литератури заправо нису исправни, тј. јесу у *3.НФ* иако аутори тврде супротно
- Штавише, тешко је пронаћи добар пример који
 - јесте у *3.НФ*
 - није у *БКНФ*
 - може да се преведе у *БКНФ*



БКНФ, пример 1.1

- (https://en.wikipedia.org/wiki/Boyce-Codd_normal_form)
- Посматрамо релацију
 - Резервација { *ш*ерен, *о*г, *д*о, *ш*арифа }
 - постоје два терена, један је травнати и један бетонски
 - резервације су дефинисане тереном и периодом
 - постоје 4 тарифе – по две за сваки од терена зависно да ли је термин предвиђен за чланове или не
 - Релација јесте у *2.НФ* и *3.НФ* (нема атрибута који су ван кључева)
 - постоји већи број кључева
 - { *ш*ерен, *о*г, *д*о, *ш*арифа }
 - { *ш*ерен, *о*г, *д*о, *ш*арифа }
 - { *ш*ерен, *о*г, *д*о, *ш*арифа }
 - { *ш*ерен, *о*г, *д*о, *ш*арифа }
 - Релација *није* у *БКНФ*
 - проблем је у зависности *ш*арифа -> *ш*ерен
 - *ш*ерен не припада скупу { *ш*арифа }
 - *ш*арифа није наткључ



БКНФ, пример 1.2

- Један начин да се релација преведе у БКНФ је додавање новог атрибута за *чланове* и подела на две релације:
 - Резервација{ шерен, за_чланове, од, до }
 - Тарифа{ шарифа, шерен, за_чланове }
- Испоставља се да је проблем у *скривеним* ФЗ које постају очигледне и решиве када се додају нови атрибути



БКНФ, пример 2.1

- Посматрамо релацију
 - $Rasipored\{ \underline{радник}, \underline{тим}, \underline{руководилац} \}$
- и зависности
 - $радник, тим \rightarrow руководилац$
 - сваки радник може да буде у више тимова
 - у сваком тиму радник има руководиоца
 - у једном тиму може да буде више руководилаца
 - али су одговарајући скупови подређених радника дисјунктни
 - $руководилац \rightarrow тим$
 - руководилац може да руководи само у једном тиму



БКНФ, пример 2.2

- Релација $Rasipored$ задовољава 3НФ али не и БКНФ
- Практичан проблем је да може доћи до *аномалије мењања*:
 - ако неко промени податак о *тиму* у коме је неки радник, а при томе не промени *руководиоца*...
 - ...онда се добија да руководилац потенцијално руководи у различитим тимовима...
 - ...што није у складу са функционалним зависностима



БКНФ, пример 2.3

- (Teorey, 2011) наводи овај пример:
 - “релација јесте у 3.НФ а није у БКНФ”
 - наводи и аномалију брисања:
 - ако сви радници код неког руководиоца напусте тим, онда ће се изгубити информација о томе да тај руководилац има статус руководиоца у тиму
 - предлаже да се проблем реши тако да се додатно уведе релација $Руководилац\{ \underline{руководилац}, \underline{тим} \}$ која би описивала другу зависност
 - као и да се у првој направи страни кључ у односу на другу
 - чиме би се гарантовао интегритет
 - приметимо да полазна релација остаје у 3НФ а не и БКНФ



БКНФ, пример 2.4

- Приметимо да не бисмо поправили ствар ако бисмо направили декомпозицију:
 - { радник, руководилац }, { руководилац, тим }
- Тако бисмо увели аномалију мењања у односу на промену тима:
 - ако руководилац пређе у други тим, имплицитно ће у други тим прећи и сви радници којима је руководио



БКНФ, пример 2.5

- Заправо, претходни проблем би могао да се реши тако што учимо да имамо још једну зависност која одређује кључ-кандидат:
 - *радник, руководилац* -> *тим*
 - Она можда не изгледа *йриродно*, али је последица ограничења да (1) сваки руководилац руководи највише једним тимом и (2) да сваки радник има руководиоца у сваком тиму у који је распоређен
 - уосталом, и последица је постојеће зависности и аксиоме проширивости
- Ако учимо да та ФЗ одређује кључ-кандидат, онда видимо и да није задовољена чак ни 2.НФ:
 - *радник, руководилац* -> *руководилац* -> *тим*
- А раније уочена зависност *радник, тим* -> *руководилац* постаје последица



БКНФ, пример 2.6

- Да бисмо задовољили 2.НФ морамо да направимо две релације:
 - *Распоред*{ радник, руководилац }
 - *Руководилац*{ руководилац, тим }
- Сада су задовољене и 2.НФ и 3.НФ и БКНФ
- ...а видимо да претходни пример заправо није задовољавао 2.НФ (а тиме ни 3.НФ) зато што нису довољно пажљиво разматране функционалне зависности
- Међутим, тако правимо нови проблем у виду аномалије мењања
 - ако руководилац пређе у други тим, имплицитно ће у други тим прећи и сви радници којима је руководио
 - тј. изгубили смо зависност { радник, тим } -> { руководилац }



БКНФ и НФЕК

- Нека имамо релацију:
 - *ПријаваИспита*(студент, испитни рок, предмет)
 - кључ је { *студент, испитни рок* }
- и зависности:
 - { *студент, испитни рок* } → { *предмет* }
 - тј. студент у једном исп.року може да пријави испит из највише једног предмета
 - { *предмет* } → { *испитни рок* }
 - тј. сваки предмет се полаже само у по једном испитном року
- Тада:
 - релација *ПријаваИспита* није у БКНФ:
 - испитни рок зависи од предмета, а предмет није део кључа
 - ако направимо декомпозицију, нарушићемо прву зависност...
 - ако променимо кључ (*студент, предмет*), проблем опстаје



БКНФ и НФЕК (2)

- Али:
 - релација *ПријаваИспитна јесте* у НФЕК
 - прва зависност је од целог кључа
 - друга је према делу кључа
 - обе су елементарне
- Значај НФЕК је у томе што неке релације не могу да пређу пут од ЗНФ до БКНФ а да се очувају све зависности, али могу да дођу бар до НФЕК
- Да би се у моделу сачувале све зависности, потребно је да се постојећој релацији дода још једна која описује другу зависност:
 - *ПредметУРоку* (предмет, испитни рок)
 - Уводи се редундантност, али ФЗ су такве...



БКНФ и НФЕК (3)

- Приметимо да овде проблем не може да се реши као у претходном примеру, увођењем алтернативних зависности, зато што постоји ограничење:
 - у једном испитном року студент може да пријави испит из највише једног предмета
- Због тога овај пример испуњава и 2.НФ и 3.НФ и НФЕК, али не и БКНФ



БКНФ

- Приметимо да претходно представљени примери имају сличну форму:
 - Релација { A, B, C }
 - Зависности:
 - { A, B } -> { C }
 - { C } -> { A }
- Као што смо видели у примерима, у зависности од контекста, тај проблем некада може делимично да се реши, али никада потпуно

Литература за тему

- Гордана Павловић-Лажетић, **Увод у релационе базе података, 2.изд. Математички факултет, 1999.**
 - доступно онлајн: <http://poincare.matf.bg.ac.rs/~gordana/urbp-2016.htm>
- Ramakrishnan, Gehrke, **Database Management Systems, 2.ed, 2000.**
- Teorey, Lightstone, Nadeau, Jagadish, **Database Modeling and Design, 5.ed, Elsevier, 2011.**
- Watt, Eng, **Database Design, 2.ed, Open Edition, 2014.**